

Prof. Dr. Alfred Toth

Mehrdeutigkeit von Erstheit, Zweitheit und Drittheit

1. Bereits Kaehr (2011, S. 30 f.) wies darauf hin, daß Erstheit, Zweitheit und Drittheit in einer polykontexturalen Semiotik mehrdeutig werden.

diam – firstness: $A \mid a$

$$[a \mid A \mid a]$$

diam – secondness: $A \longrightarrow B \mid c$

$$[A \mid a] \mid [a \mid A] \longrightarrow [B \mid b] \mid [b \mid B] \mid [C \mid c] \mid [c \mid C], \text{ i.e.}$$

$$[a \mid A \mid a] \longrightarrow [b \mid B \mid b] \mid [c \mid C \mid c].$$

diam – thirdness: $A \longrightarrow C \mid b_1 \longleftarrow b_2$

$$[A \mid a] \mid [a \mid A] \longrightarrow [C \mid c] \mid [c \mid C] \mid [B \mid b] \mid [b \mid B]_1 \longleftarrow [B \mid b] \mid [b \mid B]_2, \text{ i.e.}$$

$$[a \mid A \mid a] \longrightarrow [c \mid C \mid c] \mid [b \mid B \mid b]_1 \longleftarrow [b \mid B \mid b]_2.$$

2. Während sich die Mehrdeutigkeit Kaehrs auf die sog. externen Umgebungen des Zeichens, d.h. auf die Heteromorphismen, bezieht, zeigen wir im folgenden, wie Mehrdeutigkeit auch die Objekte und damit auch ihre Morphismen – und also die ganzen Diamonds, d.h. die Kategorien und ihre Saltatorien, erfaßt. Um nicht alle Möglichkeiten durchzuspielen (vgl. Toth 2025a-c), werden im folgenden lediglich die Grundtypen der Diamond-Abbildungen angegeben. Sie sind für Erst-, Zweit- und Drittheit paarweise verschieden. Der Index S bezieht sich auf $S = (A, I)$.

2.1. Erstheit

$$\begin{array}{ccccc} 1_S & \leftarrow & 1_S \\ | & & | \\ 1_S \rightarrow 1_S & \circ & 1_S \rightarrow 1_S \end{array}$$

2.2. Zweitheit

$$\begin{array}{ccccc} 2_S & \leftarrow & 1_S \\ | & & | \\ 1_S \rightarrow 2_S & \circ & 1_S \rightarrow 2_S \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 1_s & \leftarrow & 2_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 2_s & \rightarrow & 1_s & \circ & 2_s & \rightarrow & 1_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 1_s & \leftarrow & 1_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 2_s & \rightarrow & 1_s & \circ & 1_s & \rightarrow & 2_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 2_s & \leftarrow & 2_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 1_s & \rightarrow & 2_s & \circ & 2_s & \rightarrow & 1_s
 \end{array}$$

2.3. Drittheit

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 2_s & \leftarrow & 1_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 1_s & \rightarrow & 2_s & \circ & 1_s & \rightarrow & 3_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 1_s & \leftarrow & 2_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 2_s & \rightarrow & 1_s & \circ & 2_s & \rightarrow & 3_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 3_s & \leftarrow & 2_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 2_s & \rightarrow & 3_s & \circ & 2_s & \rightarrow & 1_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & 2_s & \leftarrow & 3_s & & \\
 & & | & & | & & \\
 3_s & \rightarrow & 2_s & \circ & 3_s & \rightarrow & 1_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc}
 & 3_s & \leftarrow & 1_s & \\
 & | & & | & \\
 1_s & \rightarrow & 3_s & \circ & 1_s \rightarrow 2_s
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc}
 & 1_s & \leftarrow & 3_s & \\
 & | & & | & \\
 3_s & \rightarrow & 1_s & \circ & 3_s \rightarrow 2_s
 \end{array}$$

Literatur

Kaehr, Rudolf, Quadralectic Diamonds: Four-Foldness of beginnings. Semiotic Studies with Toth's Theory of the Night. Glasgow, U.K. 2011

Toth, Alfred, Einheitsabbildungen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Disremptionen von Kategorienrealität im System der P-Zahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

Toth, Alfred, Heteromorphismen und konverse Heteromorphismen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025c

19.5.2025